

und umgekehrt = vice versa

6.

Es sei jetzt die irreductible Gleichung  $F(s, \bar{s}) = 0$  gegeben und die Art der Verzweigung der Function  $s$  oder der (sie) darstellenden Fläche  $T$  zu bestimmen. Wenn für einen Werth  $\beta$  von  $s$ ,  $\mu$  Zweige der Function zusammenhängen, so dass einer dieser Zweige sich nach  $\mu$  Umläufen des  $s$  um  $\beta$  wieder in sich selbst fortsetzt, so können diese  $\mu$  Zweige der Function (wie nach Cauchy oder durch die Fourier'sche Reihe leicht bewiesen werden kann) dargestellt werden durch eine Reihe nach steigenden rationalen Potenzen von  $s - \beta$  mit Exponenten vom kleinsten gemeinsamen Nenner  $\mu$ , und umgekehrt.

Ein Punkt der Fläche  $T$ , in welchem nur zwei Zweige einer Function zusammenhängen, so dass sich um diesen Punkt, der erste in den zweiten und dieser in jenen fortsetzt, heisse ein einfacher Verzweigungspunkt.

Ein Punkt der Fläche, um welchen sie sich  $(\mu + 1)$  mal windet, kann dann angesehen werden als  $\mu$  zusammengefallene (oder unendlich nahe) einfache Verzweigungspunkte.

Um dies zu zeigen, seien in einem (diesen Punkt umgebenden Stücke) der  $s$ -Ebene  $s_1, s_2, \dots, s_{\mu+1}$  einändrige Zweige der Function  $s$  und in der Begrenzung desselben, bei positiver Umschreibung (auf einander folgend)  $a_1, a_2, \dots, a_\mu$  einfache Verzweigungspunkte. Durch einen positiven Umlauf um  $a_1$  werde  $s_1$  mit  $s_2$ , um  $a_2$   $s_2$  mit  $s_3$ , ..., um  $a_\mu$   $s_\mu$  mit  $s_{\mu+1}$  vertauscht. Es gehen dann nach einem positiven Umlaufe um ein (alle diese Punkte (und keinen andern Verzweigungspunkt) enthaltendes) Gebiet

$$s_1, s_2, \dots, s_\mu, s_{\mu+1}$$

in  $s_2, s_3, \dots, s_{\mu+1}, s_1$ , über,

und es entsteht daher, wenn sie zusammenfallen, ein  $\mu$ facher Windungspunkt.

Die Eigenschaften der Functionen  $\omega$  hängen wesentlich davon ab, wie vielfach zusammenhängend die Fläche  $T$  ist. Um dies zu entscheiden, wollen wir zunächst die Anzahl der einfachen Verzweigungspunkte der Function  $s$  bestimmen.

In einem Verzweigungspunkte nehmen die dort zusammenhängenden Zweige der Function denselben Werth an, und es werden daher zwei oder mehrere Wurzeln der Gleichung

$$F(s) = a_0 s^n + a_1 s^{n-1} + \dots + a_n = 0$$

einander gleich. Dies kann nur geschehen, wenn each other