

$$\frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(\alpha) \frac{\sin \frac{2n+1}{2} (x-\alpha)}{\sin \frac{x-\alpha}{2}} d\alpha$$

offenbar in eine endliche Anzahl von Gliedern zerlegen, von denen eins*) gegen $\frac{1}{2} f(x+0)$, ein anderes gegen $\frac{1}{2} f(x-0)$, die übrigen aber gegen 0 convergiren, wenn n ins Unendliche wächst.

Hieraus folgt, dass durch eine trigonometrische Reihe jede sich nach dem Intervall 2π periodisch wiederholende Function darstellbar ist, welche mit $\frac{1}{2} f(x+0)$ $\frac{1}{2} f(x-0)$

- 1) durchgehends eine Integration zulässt,
- 2) nicht unendlich viele Maxima und Minima hat und
- 3) wo ihr Werth sich sprungweise ändert, den Mittelwerth zwischen den beiderseitigen Grenzwerten annimmt.

Eine Function, welche die ersten beiden Eigenschaften hat, die dritte aber nicht, kann durch eine trigonometrische Reihe offenbar nicht dargestellt werden; denn die trigonometrische Reihe, die sie ausser den Unstetigkeiten darstellt, würde in den Unstetigkeitspunkten selbst von ihr abweichen. Ob und wann aber eine Function, welche die ersten beiden Bedingungen nicht erfüllt, durch eine trigonometrische Reihe darstellbar sei, bleibt durch diese Untersuchung unentschieden.

Durch die Arbeit Dirichlet's ward einer grossen Menge wichtiger analytischer Untersuchungen eine feste Grundlage gegeben. Es war ihm gelungen, indem er den Punkt, wo Euler irrte, in volles Licht brachte, eine Frage zu erledigen, die so viele ausgezeichnete Mathematiker seit mehr als siebzig Jahren (seit dem Jahre 1753) beschäftigt hatte. In der That für alle Fälle der Natur, um welche es sich allein handelte, war sie vollkommen erledigt, denn so gross auch unsere Unwissenheit darüber ist, wie sich die Kräfte und Zustände der Materie nach Ort und Zeit im Unendlichkleinen ändern, so können wir doch sicher annehmen, dass die Functionen, auf welche sich die Dirichlet'sche Untersuchung nicht erstreckt, in der Natur nicht vorkommen.

Dessenungeachtet scheinen diese von Dirichlet unerledigten Fälle aus einem zweifachen Grunde Beachtung zu verdienen.

*) Es ist nicht schwer zu beweisen, dass der Werth einer Function f , welche nicht unendlich viele Maxima und Minima hat, stets, sowohl wenn der Argumentwerth abnehmend, als wenn er zunehmend gleich x wird, entweder festen Grenzwerten $f(x+0)$ und $f(x-0)$ (nach Dirichlet's Bezeichnung in Dove's Repertorium der Physik. Bd. 1. pag. 170) sich nähern, oder unendlich gross werden müsse. (')

icht nothwendig
ht, wie Cauchy
chem die Glieder
igt werden, dass

$x + \dots$

$2a \cos 2x + \dots$

(x) unendlich an-

Sätze:

β $d\beta$ mit wach-

$\frac{2n+1}{\sin \beta} d\beta$ mit

n Grenzen dieser
nimmt.

nn die Function f
n oder vom Ab-

ui qu'il en soit de

siebzig = 70

only

그럼 이도
불가능

기조

undetermin

다수 양
불가능

불두 하나
불두 시키기

상 태

생기다

값이 가 있