

werden. Die Function enthält dann noch $m - p + 1$ willkürliche Constanten, von denen sie eine lineare homogene Function ist, und kann als ein linearer Ausdruck von $m - p$ Functionen betrachtet werden, deren jede nur für $p + 1$ Werthe unendlich von der ersten Ordnung wird.

Wenn $m = p + 1$ ist, so sind die Verhältnisse der $2p + 1$ Grössen α und β bei jeder Lage der $p + 1$ Punkte ϵ völlig bestimmt. Es können jedoch für ^{particular} besondere Lagen dieser Punkte einige ^{some} der Grössen β gleich 0 werden. Die Anzahl dieser Grössen ^{let} sei $= m - \mu$, so dass die Function nur für μ Punkte unendlich von der ersten Ordnung wird. Diese μ Punkte müssen dann eine solche Lage haben, dass von den $2p$ Bedingungsgleichungen zwischen den $p + \mu$ übrigen Grössen β und α ^{subject} $(p + 1 - \mu)$ eine identische Folge der übrigen sind, und es können ^{besides} daher nur $2\mu - p - 1$ von ihnen beliebig gewählt werden. ^{moreover} Ausserdem enthält die Function noch 2 willkürliche Constanten. ^{wählen = choose}

Es sei nun s so zu bestimmen, dass μ möglichst klein wird. Wenn s μ mal unendlich von der ersten Ordnung wird, so ist ^{subject} dies auch mit jeder rationalen Function ersten Grades ^{of equal order} von s der Fall; man kann daher für die Lösung dieser Aufgabe ^{one of the μ points} einen der μ Punkte beliebig wählen. Die Lage der übrigen muss dann so bestimmt werden, dass $p + 1 - \mu$ von den Bedingungsgleichungen zwischen den Grössen α und β eine identische Folge der übrigen sind; es muss also, wenn die Verzweigungswerthe der Fläche T nicht besondern Bedingungsgleichungen genügen, $p + 1 - \mu \leq \mu - 1$ oder $\mu \geq \frac{1}{2}p + 1$ sein.

Die Anzahl der in einer Function s , die (nur für m Punkte der Fläche T unendlich von der ersten Ordnung) wird und ^{besides} übrigens stetig ^{moreover} bleibt, enthaltenen willkürlichen Constanten ist in allen Fällen $= 2m - p + 1$.

Eine solche Function ist die Wurzel einer Gleichung n^{ten} Grades, deren Coefficienten ganze Functionen m^{ten} Grades von z sind.

Sind s_1, s_2, \dots, s_n die n Werthe der Function s für dasselbe w , und bezeichnet σ eine beliebige Grösse, so ist $(\sigma - s_1)(\sigma - s_2) \dots (\sigma - s_n)$ eine ^{wenn} einwerthige Function von σ , die nur für einen Punkt der σ -Ebene, ^{hoch} (der mit einem Punkte ϵ ^{such as} zusammenfällt) unendlich wird und unendlich von einer so hohen Ordnung, ^{by} als Punkte ϵ auf ihn fallen. In der That wird für jeden (auf ihn fallenden) Punkt ϵ , der kein Verzweigungspunkt ist, nur ein Factor dieses Products von einer (um 1 höheren) Ordnung unendlich, für einen Punkt ϵ , um den die Fläche T sich μ mal windet, aber μ Factoren von einer ^{by} um $\frac{1}{\mu}$ höheren Ordnung. Bezeichnet man nun die Werthe von z in den Punkten ϵ , wo z nicht

wird