

so ist der kleinste Werth, den  $n_1$  annehmen kann, allgemein zu reden,  $> \frac{p}{2} + 1$  (§. 5) und die Anzahl der Fälle, in denen  $s_1$  und  $z_1$  für zwei verschiedene Punkte des Grössengebiets beide denselben Werth annehmen,

$$= (n_1 - 1)(m_1 - 1) - p.$$

In einer Klasse von algebraischen Gleichungen zwischen zwei veränderlichen Grössen haben demnach, wenn ihre Moduln nicht besonderen Bedingungsgleichungen genügen, die Gleichungen niedrigsten Grades folgende Form:

$$\text{für } p = 1, \quad F(s, z) = 0, \quad r = 0$$

$$p = 2, \quad F(s, z) = 0, \quad r = 0$$

$$p = 2\mu - 3, \quad F(s, z) = 0, \quad r = (\mu - 2)^2$$

$p > 2$

$$p = 2\mu - 2, \quad F(s, z) = 0, \quad r = (\mu - 1)(\mu - 3).$$

Von den Coefficienten der Potenzen von  $s$  und  $z$  in den ganzen Functionen  $F$  müssen  $r$  als lineare homogene Functionen der übrigen so bestimmt werden, dass  $\frac{\partial F}{\partial s}$  und  $\frac{\partial F}{\partial z}$  für  $r$  der Gleichung  $F = 0$  genügende Werthenpaare gleichzeitig verschwinden. Die rationalen Functionen von  $s$  und  $z$ , als Functionen von einer von ihnen betrachtet, stellen dann alle Systeme  $2p + 1$  fach zusammenhängender algebraischer Functionen dar.

14.

use

Ich benutze nun nach Jacobi (Journ. f. Math. Bd. 9 Nr. 32 §. 8) das Abel'sche Additionstheorem zur Integration eines Systems von Differentialgleichungen; ich werde mich dabei auf das beschränken, was in dieser Abhandlung später nöthig ist. at the same time

Führt man in einem allenthalben endlichen Integrale  $w$  einer rationalen Function von  $s$  und  $z$  als unabhängig veränderliche Grösse eine rationale Function von  $s$  und  $z$ ,  $\xi$ , ein, die für  $m$  Werthenpaare von  $s$  und  $z$  unendlich von der ersten Ordnung wird, so ist  $\frac{dw}{d\xi}$  eine  $m$  werthige Function von  $\xi$ . Bezeichnet man die  $m$  Werthe von  $w$  für dasselbe  $\xi$  durch  $w^{(1)}, w^{(2)}, \dots, w^{(m)}$ , so ist

$$\frac{5dw^{(1)}}{d\xi} + \frac{dw^{(2)}}{d\xi} + \dots + \frac{dw^{(m)}}{d\xi}$$

eine einwert bleibt, und 1 einwerthig v sich, wenn  $\epsilon$  eines beliebigen bezeichnen, stante aus d rationalen F rithmen rati

Mittelst folgende  $p$  der Gleichun  $(s_1, z_1), (s_2,$

$$\frac{\varphi\pi(s_1, z_1)}{\frac{\partial F(s_1, z_1)}{\partial s_1}}$$

für  $\pi = 1, 2$

Durch  $\epsilon$   $(s_\mu, z_\mu)$  als I für einen b gegeben we Functionen d denselben V  $(s_1^0, z_1^0), (s_2^0,$  gleichungen

allgemein in

folglich rati nur für alle endlich und sich in dem

die Verhält dass die Pe wenn kein  $p + 1$  Zweig  $z$  von  $\xi$ ,  $(s_1^0,$  Werthe  $(s_1^0,$  von den G