

$$\left( Y \frac{\partial x}{\partial s} - X \frac{\partial y}{\partial s} \right) ds$$

ausgedrückt, ist in  $T^*$  überall stetig und längs eines Querschnitts von  $T$  zu beiden Seiten gleich; ( ~~Wsk?~~ )

V. das Integral

$$Z = \int_{O_0}^0 \left( Y \frac{\partial x}{\partial s} - X \frac{\partial y}{\partial s} \right) ds$$

bildet daher,  $O_0$  als fest gedacht, eine Function von  $x, y$ , welche in  $T^*$  überall sich stetig, beim Ueberschreiten der Querschnitte von  $T$  aber um eine (längs derselben von einem Zweigpunkte zum andern) constante Grösse ändert, und von welcher der partielle Differentialquotient

$$\frac{\partial Z}{\partial x} = Y, \quad \frac{\partial Z}{\partial y} = -X$$

ist.

Die Aenderungen beim Ueberschreiten der Querschnitte sind von einer (der Zahl der Querschnitte gleichen) Anzahl von einander unabhängiger Grössen abhängig; denn wenn man das Querschnittssystem rückwärts — die späteren Theile zuerst — durchläuft, so ist diese Aenderung überall bestimmt, wenn ihr Werth beim Beginn jedes Querschnitts gegeben wird; letztere Werthe aber sind von einander unabhängig. (3)

뒤로. 배후로

시작. 발단

지극히 미미한 10.

Setzt man für die bisher durch  $X$  bezeichnete Function

$$u \frac{\partial u'}{\partial x} - u' \frac{\partial u}{\partial x} \quad \text{und} \quad u \frac{\partial u'}{\partial y} - u' \frac{\partial u}{\partial y}$$

für  $Y$ , so wird

$$\frac{\partial X}{\partial x} + \frac{\partial Y}{\partial y} = u \left( \frac{\partial^2 u'}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u'}{\partial y^2} \right) - u' \left( \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} \right),$$

wenn also die Functionen  $u$  und  $u'$  den Gleichungen

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0, \quad \frac{\partial^2 u'}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u'}{\partial y^2} = 0$$

genügen, so wird

$$\frac{\partial X}{\partial x} + \frac{\partial Y}{\partial y} = 0,$$

und es finden auf den Ausdruck

$$\int \left( X \frac{\partial x}{\partial p} + Y \frac{\partial y}{\partial p} \right) ds,$$

welcher